



ORIGINAL RESEARCH PAPER

Pricing life insurance products in Iran using fuzzy interest rates

M. Aalaei

Department of Personal Insurance, Insurance Research Center, Tehran, Iran

ARTICLE INFO

Article History:

Received 31 May 2020

Revised 03 November 2021

Accepted 28 November 2021

Keywords:

Fuzzy Random Variable

Interest Rate

Life Insurance

Life Table

Premium

Simulation

ABSTRACT

BACKGROUND AND OBJECTIVES: One of the most important problems involved insurance companies is insurance products pricing. In recent actuarial researches, fuzzy random variables have been used to consider uncertainty of economics parameters in insurance products pricing. Due to the effects of interest rate uncertainty on the insurance industry and especially life insurance, in this article, fuzzy random variables are implemented to consider interest rate uncertainty and calculate premiums for different types of life insurance products. Also, considering that the life table of Iran has been written based on the demographic information of this country and has been communicated to insurance companies to use, the results of using this table on fuzzy insurance premiums of different types of insurance policies have been compared with the life table TD88-90 previously used by insurance companies.

METHODS: In this study, the fuzzy interest rates are used to define fuzzy discount functions and premiums of life insurance products is calculated.

FINDINGS: In this paper, we have implemented fuzzy set theory to model interest rate for calculating premiums of life insurance products. Research findings were presented and analyzed for (term and whole) life insurances, endowments and life annuities using the interest rates announced in the supplement of Regulation No. 68 for Iranian life Insurance products. The premium calculations have been performed for Life table of Iran, which recently has been issued to be used by insurance companies, and life table TD88-90, which has previously been used by insurance companies. Our findings based on Life table of Iran for a life annuity shows that all possible values of the premium for a 57-year-old person are in the interval [3.741, 4.384] and the deterministic amount of premium is 4.045. Also, the net premiums for the average risk aversion mode ($\beta = 0.75$) is 4.212. Also, the effect of changes in β and insured age on premium amounts for different types of life insurance products has been studied and analyzed. Furthermore, all calculations based on life table TD88-90 has been done and is compared with those based on Life table of Iran. Theoretically, the mortality probability of an x-year-old person according to the Life table of Iran is higher than the mortality probability of this person based on the life table TD88-90. So, the premiums calculated for this person based on the Iranian table for term insurance and endowment insurance are less and for life annuity is more than the premium calculated based on Table TD88-90. This can also be seen based on the findings of this article. On the other words, our findings based on table TD88-90 shows that all possible values of the fuzzy premium for a 57-year-old person are in the interval [3.575, 4.257] and the deterministic amount of premium is 3.896. Also, the net premiums for the average risk aversion mode ($\beta = 0.75$) is 3.988. Also, these results were compared with the random method, which indicates the validity of the proposed fuzzy method.

CONCLUSION: Interest rates fluctuate over time due to changes in monetary, fiscal and foreign exchange policies, and this fluctuation can affect the determination of premiums, reserves and liabilities of insurance companies. This is especially important for life insurance products due to their long-term nature and the possibility of higher interest rate fluctuations during the policy period. Therefore, it is necessary to be considered the interest rate risk and uncertainty in life insurance products by the regulator and insurance companies. In this regard, using the fuzzy interest rate, the permitted range for the interest rate can be considered that insurance companies, taking into account their risk aversion, to determine the amount of premium in the desired period.

*Corresponding Author:

Email: aalaei@irc.ac.ir

Phone: +9821 22084084

ORCID: [0000-0002-6138-3186](https://orcid.org/0000-0002-6138-3186)

DOI: [10.22056/ijir.2022.01.02](https://doi.org/10.22056/ijir.2022.01.02)





مقاله علمی

قیمت گذاری محصولات بیمه زندگی در ایران با استفاده از نرخ بهره فازی

محبوبه اعلائی

گروه بیمه‌های اشخاص، پژوهشکده بیمه، تهران، ایران

اطلاعات مقاله

تاریخ های مقاله:

تاریخ دریافت: ۱۱ خرداد ۱۳۹۹

تاریخ داوری: ۱۲ آبان ۱۴۰۰

تاریخ پذیرش: ۰۷ آذر ۱۴۰۰

کلمات کلیدی:

بیمه زندگی

جدول زندگی

حق بیمه

شبیه سازی

متغیر تصادفی فازی

نرخ بهره

*نویسنده مسئول:

ایمیل: aaalaei@irc.ac.ir

تلفن: +۹۸۲۱ ۲۲۰۸۴۰۸۴

ORCID: 0000-0002-6138-3186

DOI: 10.22056/ijir.2022.01.02

چکیده:

پیشینه و اهداف: قیمت گذاری محصولات بیمه‌ای یکی از مهم ترین مسائلی است که شرکت های بیمه با آن مواجه هستند. در مطالعات اخیر دانش اکچوئرال، برای وارد کردن ناطمینانی پارامترهای اقتصادی در قیمت گذاری محصولات بیمه‌ای از متغیرهای تصادفی فازی استفاده می شود. با توجه به اثرات ناطمینانی نرخ بهره بر صنعت بیمه و به ویژه رشته بیمه زندگی، در این مقاله، از متغیرهای تصادفی فازی برای در نظر گرفتن ناطمینانی نرخ بهره و محاسبه حق بیمه انواع بیمه های زندگی استفاده شده است. همچنین با توجه به این که جدول زندگی ایران بر اساس اطلاعات جمعیتی این کشور تدوین و برای استفاده به شرکت های بیمه ابلاغ شده است، نتایج استفاده از این جدول در مورد حق بیمه فازی انواع بیمه نامه ها با نتایج حاصل از جدول TD π -۹۰ فرانسه که پیش از این مورد استفاده شرکت های بیمه بوده، مقایسه شده است.

روش شناسی: از نظریه مجموعه های فازی برای مدلسازی نرخ بهره برای محاسبه حق بیمه محصولات بیمه زندگی استفاده شده است.

یافته ها: نتایج بر اساس جدول زندگی ایران برای یک مستمری زندگی نشان داد که تمام مقادیر ممکن برای حق بیمه یک فرد ۵۷ ساله در بازه [۴/۳۸۴ و ۲/۷۴۱] قرار دارد و مقدار قطعی حق بیمه ۴/۰۴۵ می باشد. همچنین حق بیمه خالص این فرد برای یک شرکت بیمه با ریسک گریزی متوسط ($\beta=0/75$) مقدار ۴/۲۱۲ به دست آمده است. همچنین اثر تغییرات ریسک گریزی شرکت بیمه و سن بیمه شده بر مقادیر حق بیمه برای انواع بیمه های زندگی بررسی و تحلیل شده است. علاوه بر این تمامی محاسبات برای جدول زندگی TD π -۹۰ نیز انجام و با نتایج جدول زندگی ایران مقایسه شده است. به لحاظ نظری، احتمال فوت یک فرد X ساله بر اساس جدول زندگی ایران بیشتر از احتمال فوت این فرد بر اساس جدول زندگی TD π -۹۰ است. بنابراین، حق بیمه های محاسبه شده برای این شخص بر اساس جدول ایران برای بیمه عمر زمانی و بیمه عمر مختلط کمتر و برای مستمری زندگی بیشتر از حق بیمه محاسبه شده بر اساس جدول TD π -۹۰ است. این موضوع را می توان بر اساس یافته های این مقاله نیز مشاهده کرد. به عبارت دیگر، یافته های مقاله بر اساس جدول TD π -۹۰ نشان داد همه مقادیر احتمالی حق بیمه مستمری زندگی برای یک فرد ۵۷ ساله در بازه [۴/۲۵۷ و ۳/۵۷۵] و مقدار قطعی حق بیمه ۳/۸۹۶ است. همچنین، حق بیمه خالص برای حالت ریسک گریزی متوسط ($\beta=0/75$) مقدار ۳/۹۸۸ است. همچنین، این نتایج با روش تصادفی مقایسه شد که از اعتبار روش فازی پیشنهادی حکایت دارد.

نتیجه گیری: نرخ بهره در طول زمان بر اثر تغییر سیاست های پولی، مالی و ارزی دچار نوسان می شود و این نوسان می تواند بر تعیین حق بیمه، ذخایر و تعهدات شرکت های بیمه تاثیر بگذارد. این مسئله برای محصولات بیمه زندگی با توجه به ماهیت بلندمدت آنها و احتمال نوسانات بیشتر نرخ بهره در مدت قرارداد از اهمیت بیشتری برخوردار است. بنابراین، لازم است گه ناطمینانی و ریسک نرخ بهره برای محصولات بیمه زندگی مورد توجه نهاد ناظر و شرکت های بیمه قرار بگیرد. در این راستا، با استفاده از نرخ بهره فازی می توان محدوده ای مجاز برای نرخ بهره در نظر گرفت که شرکت های بیمه با لحاظ میزان ریسک گریزی خود در مورد تعیین مبلغ حق بیمه در بازه مورد نظر اقدام کنند.

مقدمه

بیمه‌نامه یک توافق‌نامه مالی بین شرکت بیمه و بیمه‌گذار است که شرکت بیمه تعهد می‌کند در ازای دریافت حق بیمه از بیمه‌گذار، مزایای مشخصی را به ذینفع یا ذینفعان بپردازد. جریان‌های نقدی برای یک قرارداد بیمه زندگی شامل هزینه مزایای بیمه یا مستمری و درآمد حق بیمه است. اختلاف هزینه‌ها و درآمدهای بیمه‌گر به‌عنوان متغیر تصادفی زیان آتی در نظر گرفته می‌شود. این متغیر تصادفی، میزان زیان و یا سود بیمه‌گر را از این معامله می‌سجد (Paramenter, 2012). قیمت‌گذاری محصولات بیمه‌ای یکی از مهم‌ترین مسائلی است که شرکت‌های بیمه با آن مواجه‌اند. در حالت کلی، حق بیمه به‌گونه‌ای تعیین می‌شود که مقدار مورد انتظار زیان آتی در لحظه شروع قرارداد صفر باشد که به اصل تعادل شهرت دارد (Dickson et al., 2013). اصل تعادل به‌روشنی اجازه نمی‌دهد که شرکت بیمه سودی داشته باشد. از طرف دیگر لازم است که قراردادهای بیمه به اندازه کافی سودآور باشند تا بتوان سود قابل قبولی را به سهامداران پرداخت کرد. در قراردادهای سنتی اغلب سود یا زیانی ضمنی از محل تفاوت فرض‌های ارزیابی با شرایط واقعی حاصل می‌شود. در واقع رخدادهای واقعی موجب ایجاد سود یا زیان می‌شوند. بنابراین لازم است منابعی که در قراردادهای بیمه نامشخص و در طول زمان دارای نوسان هستند شناسایی و بررسی شوند.

در قیمت‌گذاری محصولات بیمه زندگی سه عامل اصلی احتمال مرگومیر، نرخ بهره و هزینه سربار مورد استفاده قرار می‌گیرند که دو عامل اول از جمله منابع نااطمینانی محسوب می‌شوند (Komijani et al., 2014). عامل اول یعنی احتمال مرگومیر با استفاده از جدول زندگی محاسبه می‌گردد و عامل دوم یعنی نرخ بهره یا نرخ سود فنی، عاملی است که تغییرات آن به شدت بر صنعت بیمه تأثیرگذار است. اگر چه مقررات‌گذاران معمولاً حد بالایی برای نرخ بهره فنی تعیین می‌کنند و به‌صورت دوره‌ای آن را به‌روزرسانی می‌کنند، ولی تغییرات نرخ بهره همچنان از مهم‌ترین دغدغه‌های مدیران شرکت‌های بیمه و مقررات‌گذاران می‌باشد. با توجه به این‌که بیمه‌های زندگی، قراردادهای بلندمدتی هستند و نرخ بهره در زمان انعقاد قرارداد برای کل مدت قرارداد مشخص می‌شود، نااطمینانی موجود در نرخ بهره، موجب ایجاد نگرانی بیشتر در مورد این نوع محصولات بیمه‌ای می‌شود. در این مقاله، به منظور مدل‌سازی نااطمینانی حاصل از تغییرات نرخ بهره، از متغیرهای تصادفی فازی استفاده شده است.

هدف مقاله حاضر، قیمت‌گذاری محصولات بیمه زندگی کشور با استفاده از نرخ بهره فازی است. همچنین، نظر به این‌که جدول زندگی ایران بر اساس اطلاعات جمعیتی کشور تدوین شده و برای استفاده به شرکت‌های بیمه ابلاغ گشته است، نتایج استفاده از این جدول در حق بیمه فازی با نتایج حاصل از جدول TD₈₈₋₉₀ فرانسه که پیش از این مورد استفاده شرکت‌های بیمه بود، مقایسه شده است. برای دستیابی به این اهداف، ابتدا پیشینه پژوهش مرور شده است. بعد از آن، اهمیت موضوع نااطمینانی نرخ بهره در بیمه‌های زندگی و اثرات آن بیان شده است. همچنین، مفاهیم

کلیدی پژوهش شامل فازی، متغیر تصادفی فازی، عامل تنزیل فازی تعریف و نحوه محاسبه حق بیمه انواع محصولات بیمه زندگی با استفاده از متغیر تصادفی فازی نرخ بهره توضیح داده شده است. در ادامه، روش‌شناسی پژوهش تشریح و یافته‌های تحقیق بر اساس این روش و نرخ بهره و جدول زندگی مورد استفاده در شرکت‌های بیمه کشور ارائه و تحلیل شده است. در نهایت، نتایج مورد بحث و بررسی قرار گرفته و طبق نتیجه‌گیری به‌عمل آمده چند پیشنهاد کاربردی ارائه شده است.

مروری بر پیشینه تحقیق

پیشینه تجربی پژوهش در دو قسمت مرور شده است. ابتدا، مطالعات انجام شده در زمینه اثر نااطمینانی نرخ بهره بر صنعت بیمه مورد بحث قرار گرفته و سپس به بیان مطالعات انجام شده در زمینه استفاده از روش‌های فازی برای پوشش نااطمینانی در صنعت بیمه پرداخته شده است. از جمله مطالعات انجام شده در زمینه نااطمینانی و ریسک نرخ بهره در صنعت بیمه می‌توان به موارد زیر اشاره کرد:

(Löfvendahl and Yong (2017) در مقاله‌ای با عنوان «استراتژی‌های نظارتی بیمه برای محیط با نرخ بهره پایین» به چگونگی تأثیر نرخ بهره پایین بر صورت‌های مالی بیمه‌گران با تمرکز بر عدم تطابق دارایی و بدهی‌ها پرداخته و ابزارهای مختلف نظارتی برای شناسایی و ارزیابی چنین اثراتی تشریح نموده است. (Möhlmann (2019) در مقاله‌ای با عنوان «ریسک نرخ بهره بیمه‌گران زندگی، شواهدی از داده‌های حسابداری» نشان داد که بیمه‌گران زندگی در آلمان به‌شدت در معرض ریسک نرخ بهره قرار دارند.

(Berdin and Gründl (2015) در مقاله «اثرات محیط نرخ بهره پایین بر بیمه‌گران زندگی»، اثرات نرخ بهره پایین کنونی بر صورت‌های مالی یک شرکت بیمه زندگی آلمانی را ارزیابی و کمی‌سازی کرده‌اند. (Berends et al. (2013) در مقاله خود با عنوان «حساسیت شرکت‌های بیمه زندگی به تغییرات نرخ بهره» به بررسی این موضوع پرداخته‌اند که شرکت‌های بیمه زندگی به چه میزان در معرض ریسک نرخ بهره قرار دارند.

(Sigma (2012) در یک شماره خود با عنوان «رویارویی با چالش نرخ بهره» به چگونگی تأثیر نرخ بهره بر بیمه‌گران و نحوه کاهش ریسک نرخ بهره پرداخته‌اند.

همچنین در زمینه استفاده از روش‌های فازی برای پوشش نااطمینانی و عدم قطعیت در صنعت بیمه مطالعات زیادی انجام شده که از آن جمله می‌توان به موارد زیر اشاره کرد:

(Sanches et al. (2020) در مقاله‌ای با عنوان «استفاده از اطلاعات فازی در قیمت‌گذاری مستمری‌های غیر استاندارد» به قیمت‌گذاری مستمری‌هایی پرداخته‌اند که بر اساس کارنامه پزشکی صادر می‌شوند و مبلغ مستمری بیشتری نسبت به مستمری‌های استاندارد به افرادی که انتظار می‌رود طول عمر کمتری داشته باشند، پرداخت می‌کنند.

هوشمند پرداخته‌اند.

بررسی ادبیات پیشین حاکی از آن است که مطالعات اندکی در صنعت بیمه کشور، پیرامون استفاده از نرخ بهره فازی برای قیمت‌گذاری محصولات بیمه‌ای صورت گرفته است. در مورد محصولات بیمه زندگی، تنها یک مطالعه (Komijani et al. (2014) در این زمینه انجام شده که به قیمت‌گذاری مستمری‌های زندگی با استفاده از نرخ بهره فنی فازی پرداخته و تحقیق جامعی برای قیمت‌گذاری انواع دیگر محصولات بیمه زندگی با استفاده از نرخ بهره فازی در ایران انجام نشده است. علاوه بر این، مقاله مذکور تنها به محاسبه امید ریاضی ارزش فعلی بیمه‌نامه پرداخته؛ درحالی که این مقاله، علاوه بر امید ریاضی ارزش فعلی، بازه مورد انتظار برای آن و ارزش مورد انتظار با ضریب β (ریسک‌گریزی) را محاسبه نموده و تحلیل کامل‌تری ارائه داده است. همچنین، محاسبات با استفاده از نرخ بهره فنی بر اساس مکمل آیین‌نامه شماره ۶۸ مصوب شورای عالی بیمه در سال ۱۳۹۵ و جدول زندگی ایران که از ابتدای سال ۱۴۰۰ از سوی بیمه مرکزی برای به‌کارگیری شرکت‌های بیمه ابلاغ شده، به‌روزرسانی شده است. درنتیجه، مجموعه این ویژگی‌ها باعث تمایز پژوهش حاضر با مطالعات پیشین شده است.

مبانی نظری پژوهش

در شرایط واقعی، نااطمینانی منابع مختلفی مانند تصادفی بودن، ابهام و غیر دقیق بودن دارد. در این مقاله با استفاده از متغیرهای تصادفی فازی ارائه شده در مقاله (Sanches and Puchades (2017b) به بررسی نحوه تأثیر تغییرات یکی از منابع نااطمینانی یعنی نرخ بهره در قیمت‌گذاری بیمه زندگی پرداخته شده است. لذا در این بخش، مفاهیم مورد نیاز تعریف شده است.

متغیر تصادفی فازی

مجموعه فازی \tilde{A} زیرمجموعه‌ای است که روی مجموعه مرجع X به‌صورت زیر تعریف می‌شود:

$$\tilde{A} = \{ (x, \mu_{\tilde{A}}(x)) \mid x \in X \} \quad (1)$$

که $\mu_{\tilde{A}}(x)$ تابع عضویت است و به‌صورت رابطه زیر تعریف می‌شود:

$$\mu_{\tilde{A}}: X \rightarrow [0,1] \quad (2)$$

برش α یک مجموعه فازی \tilde{A} به‌صورت $A_{\alpha} = \{x \in X \mid \mu_{\tilde{A}}(x) \geq \alpha\}$ که $0 \leq \alpha \leq 1$ تعریف می‌شود. به \tilde{A} نرمال گفته می‌شود اگر برای $x \in X$ ، $\sup \mu_{\tilde{A}}(x) = 1$. همچنین در صورتی که برای $0 < \alpha \leq 1$ برش‌های α مجموعه فازی \tilde{A} بازه‌های بسته و کراندار باشد، آن‌گاه \tilde{A} محدب است.

یک عدد فازی \tilde{A} مجموعه فازی محدب و نرمالی است که روی اعداد حقیقی تعریف شده است. می‌توان برش α مجموعه فازی \tilde{A}

(Wang (2019) در مقاله‌ای با عنوان «مدلی برای حق بیمه خالص بیمه زندگی با استفاده از متغیر نرخ بهره تعمیم‌یافته» از متغیرهای تصادفی فازی برای تخمین تابع تنزیل مربوط به نرخ بهره تعمیم‌یافته و طول عمر آتی برای محاسبه حق بیمه زندگی استفاده نموده است.

(Sanches and Puchades (2017a) در مقاله‌ای با عنوان «نتایج محاسباتی ارزش تصادفی فازی تعهدات اکچوئری زندگی» به محاسبه ارزش فعلی تعهدات بیمه‌های زندگی با استفاده از متغیر تصادفی فازی نرخ بهره پرداخته‌اند.

(Sanches and Puchades (2017b) در مقاله‌ای با عنوان «ارزیابی احتمالات زندگی: یک تقریب فازی مثلثی متقارن» چارچوب ارزیابی بیمه‌نامه‌های زندگی و مستمری ارائه شده در (Sanches and Puchades (2012) را با استفاده از اعداد فازی مثلثی متقارن برای قیمت‌گذاری تعهدات بیمه زندگی توسعه داده‌اند. (Sanches (2014) در مقاله‌ای با عنوان «ذخیره خسارت فازی در بیمه غیرزندگی» در یک محیط فازی و با استفاده از مدل پیش‌بینی ادعای خسارت ANOVA به محاسبه ذخایر خسارت برای شرکت‌های بیمه غیرزندگی پرداخته‌اند.

(Shapiro (2013) در مقاله «مدلسازی طول عمر آتی به‌عنوان متغیر تصادفی فازی» طول عمر آتی را نیز به‌صورت متغیر تصادفی فازی در نظر گرفته‌اند.

(Sanches and Puchades (2012) با استفاده از مرگومیر تصادفی و نرخ بهره فازی، به قیمت‌گذاری مستمری‌های عمر پرداخته‌اند.

(Kardgar et al. (2017) در مقاله‌ای با عنوان «ارائه مدل فازی تدوین و اولویت‌بندی استراتژی‌های شرکت‌های بیمه با استفاده از روش QSPM فازی» با استفاده از مصاحبه‌های عمیق، پرسشنامه دلفی و مطالعات کتابخانه‌ای به شناسایی عوامل داخلی و خارجی مؤثر بر فرایند برنامه‌ریزی استراتژیک پرداخته و با استفاده از روش ماتریس برنامه‌ریزی استراتژیک کمی فازی، استراتژی‌های شرکت‌های بیمه را اولویت‌بندی کرده‌اند.

(Farshbaf Maherian and Lalianpour (2016) در مقاله‌ای با عنوان «شناسایی عوامل مؤثر بر تقلب و تخلف در صنعت بیمه ایران به روش دلفی فازی»، با استفاده از مطالعات کتابخانه‌ای و مصاحبه با خبرگان عوامل مؤثر بر تقلب و تخلف در صنعت بیمه کشور را شناسایی و با استفاده از روش تاپسیس فازی اولویت‌بندی کرده‌اند.

(Komijani et al. (2014) در مقاله‌ای با عنوان «قیمت‌گذاری مستمری‌های عمر با استفاده از نرخ بهره فنی فازی» با استفاده از ترکیب بیان تصادفی مرگومیر و بیان فازی نرخ بهره فنی به قیمت‌گذاری مستمری‌های عمر بر اساس نرخ بهره فنی بر اساس آیین‌نامه ۶۸ پرداخته‌اند.

(Memariani and Zangouinezhad (2011) در مقاله‌ای با عنوان «طراحی سیستم دانش محور کشف تقلب در شرکت‌های بیمه: رویکرد فازی» به کمک تئوری فازی و با طراحی سیستم خبره فازی به تشخیص رفتارهای مشکوک کاربران بیمه الکترونیکی به صورت

$$e_r(\tilde{d}_t; \beta) = (1 - \beta) \int_0^1 \underline{d}_{t,\alpha} d\alpha + \beta \int_0^1 \overline{d}_{t,\alpha} d\alpha \quad (10)$$

این مقدار در مقاله پیش رو به این دلیل اهمیت دارد که شرکت بیمه با استفاده از ضریب β می‌تواند میزان ریسک‌گریزی خود را در محاسبات حق بیمه لحاظ نماید. با توجه به این که محاسبات اکچوئری باید محتاطانه انجام شود در نظر گرفتن $0.5 < \beta \leq 1$ به‌منظور برآورد حق بیمه و تعهدات بیمه زندگی، در عمل منطقی به‌نظر می‌رسد. در ادامه به محاسبه حق بیمه فازی انواع بیمه‌های زندگی پرداخته که بر اساس مقالات (Sanches and Puchades 2012) و (Sanches and Puchades 2017b) تشریح شده است.

محاسبه حق بیمه فازی بیمه زندگی

در این قسمت بیمه عمر زمانی n ساله را در نظر می‌گیریم. در صورتی که بیمه شده x ساله در مدت n سال قرارداد فوت کند ۱ واحد پول در پایان سال فوتش توسط شرکت بیمه به ذینفعان پرداخت می‌شود و در غیر این صورت هیچ مبلغی پرداخت نمی‌شود. این تعریف شامل بیمه‌های زندگی تمام عمر نیز می‌شود. درواقع می‌توان برای بیمه‌های زندگی تمام عمر $n = \omega - m + 1$ در نظر گرفت که ω حداکثر سن در جدول زندگی است. متغیر تصادفی فازی ارزش فعلی بیمه زندگی n ساله مربوط به یک فرد x ساله که آن را با \tilde{A}_x با استفاده از اعداد فازی و احتمالات زیر محاسبه می‌شود:

$n\tilde{A}_x$	
برآمدها	احتمالات
\tilde{d}_r	$r-1 qx,$ $r = 1, \dots, n$
0	np_x

در نتیجه برای هر $\alpha \in [0, 1]$ داریم:

$nA_{x,\alpha}$	
برآمدها	احتمالات
$\underline{d}_{r,\alpha}$	$r-1 qx$
0	np_x

$\overline{nA}_{x,\alpha}$	
برآمدها	احتمالات
$\overline{d}_{r,\alpha}$	$r-1 qx$
0	np_x

به ازای $\alpha \in (0, 1]$ را به‌صورت زیر در نظر گرفت:

$$A_\alpha = [\underline{A}_\alpha, \overline{A}_\alpha] = \left[\inf_{x \in X} \{ \mu_{\tilde{A}}(x) \geq \alpha \}, \sup_{x \in X} \{ \mu_{\tilde{A}}(x) \geq \alpha \} \right] \quad (3)$$

فرض کنید $\{\Omega, \mathcal{A}\}$ یک فضای اندازه‌پذیر، $\{\mathcal{R}, \mathcal{B}\}$ فضای اندازه‌پذیر بورل و $F(\mathcal{R})$ مجموعه اعداد فازی را نشان می‌دهد. مجموعه فازی:

$$\tilde{X}: \Omega \rightarrow F(\mathcal{R})$$

$$\forall \omega \in \Omega \rightarrow \tilde{X}(\omega) = \left\{ \left(z, \mu_{\tilde{X}(\omega)}(z) \right) \right\} \in F(\mathcal{R}) \quad (4)$$

متغیر تصادفی فازی نامیده می‌شود اگر:

$$\forall B \in \mathcal{B}, \forall \alpha \in [0, 1], \{ \omega \in \Omega | X(\omega)_\alpha \cap B \neq \emptyset \} \in \mathcal{A} \quad (5)$$

که $\tilde{X}(\omega)$ یک عدد فازی با تابع اندازه $\mu_{\tilde{X}(\omega)}(z)$ است که برش α آن به‌صورت می‌باشد:

$$X(\omega)_\alpha = \left\{ z \in \mathcal{R} | \mu_{\tilde{X}(\omega)}(z) \geq \alpha \right\} = [\underline{X}(\omega)_\alpha, \overline{X}(\omega)_\alpha] \quad (6)$$

در ادامه، با استفاده از مفاهیم فازی تعریف شده به معرفی عامل تنزیل فازی به عنوان یک عدد فازی و محاسبه حق بیمه فازی به عنوان یک متغیر تصادفی فازی خواهیم پرداخت.

عامل تنزیل فازی

فرض کنید نرخ بهره، عدد فازی با برش‌های α ، $i_\alpha = [\underline{i}_\alpha, \overline{i}_\alpha]$ باشد. در نتیجه نرخ تنزیل فازی \tilde{d}_t برای پرداخت یک واحد پول در t سال، با برش‌های α برای هر $\alpha \in [0, 1]$ به‌صورت $d_{t,\alpha} = [\underline{d}_{t,\alpha}, \overline{d}_{t,\alpha}]$ تعریف می‌شود. با توجه به این که تابعی نزولی از نرخ بهره است داریم:

$$d_{t,\alpha} = [\underline{d}_{t,\alpha}, \overline{d}_{t,\alpha}] = \left[(1 + \underline{i}_\alpha)^{-t}, (1 + \overline{i}_\alpha)^{-t} \right] \quad (7)$$

در صورتی که عدد فازی مثلثی نرخ بهره را به‌صورت (i_l, i_c, i_u) در نظر بگیریم، برش α تابع تنزیل به‌صورت زیر خواهد بود:

$$d_{t,\alpha} = [\underline{d}_{t,\alpha}, \overline{d}_{t,\alpha}] = \left[(1 + i_u - (i_u - i_c)\alpha)^{-t}, (1 + i_l + (i_c - i_l)\alpha)^{-t} \right] \quad (8)$$

همچنین، بازه مورد انتظار عامل تنزیل به‌صورت زیر به‌دست می‌آید:

$$e_t(\tilde{d}_t) = \left[\int_0^1 \underline{d}_{t,\alpha} d\alpha, \int_0^1 \overline{d}_{t,\alpha} d\alpha \right] \quad (9)$$

بنابراین، مقدار مورد انتظار با ضریب β به‌صورت زیر تعریف می‌شود:

$\tilde{A}_{x:n} \neg$	
برآمدها	احتمالات
\tilde{d}_r	$r-1 qx,$
	r
	$= 1, \dots, n$
\tilde{d}_n	np_x

در نتیجه برای هر $\alpha \in [0, 1]$ داریم:

$A_{x:n} \neg \alpha$	
برآمدها	احتمالات
$\underline{d}_{r\alpha}$	$r-1 qx$
$\underline{d}_{n\alpha}$	np_x

$\overline{A}_{x:n} \neg \alpha$	
برآمدها	احتمالات
$\overline{d}_{r\alpha}$	$r-1 qx$
$\overline{d}_{n\alpha}$	np_x

با استفاده از برآمدها و احتمالات فوق و استفاده از معادلات (۸) تا (۱۰) می‌توان مقادیر زیر را محاسبه نمود:

$$S\tilde{P} = E(\tilde{A}_{x:n} \neg)_{\alpha} = \left[E(\tilde{A}_{x:n} \neg)_{\alpha}, \overline{E(\tilde{A}_{x:n} \neg)_{\alpha}} \right], \quad (16)$$

$$SP_{\alpha} = E(\tilde{A}_{x:n} \neg)_{\alpha} = E(\underline{A}_{x:n} \neg \alpha) = \sum_{r=1}^n \underline{d}_{r\alpha} r-1|qx + \underline{d}_{n\alpha} np_x, \quad (17)$$

$$= S\overline{P}_{\alpha} = \overline{E(\tilde{A}_{x:n} \neg)_{\alpha}} = E(\overline{A}_{x:n} \neg \alpha) \\ \sum_{r=1}^n \overline{d}_{r\alpha} r-1|qx + \overline{d}_{n\alpha} np_x. \quad (18)$$

همچنین، بازه مورد انتظار این اعداد فازی به صورت زیر به دست می‌آید:

که $r|qx$ احتمال این است که بیمه شده x ساله در r -امین سال فوت کند و np_x احتمال این است که بیمه شده n سال زنده بماند. با استفاده از برآمدها و احتمالات فوق و معادلات (۸) تا (۱۰) می‌توان مقادیر زیر را محاسبه نمود:

$$S\tilde{P} = E(n\tilde{A}_x)_{\alpha} = \left[E(n\tilde{A}_x)_{\alpha}, \overline{E(n\tilde{A}_x)_{\alpha}} \right], \quad (11)$$

$$SP_{\alpha} = E(n\tilde{A}_x)_{\alpha} = E(\underline{nA}_x)_{\alpha} = \sum_{r=1}^n \underline{d}_{r\alpha} r-1|qx, \quad (12)$$

$$S\overline{P}_{\alpha} = \overline{E(n\tilde{A}_x)_{\alpha}} = E(\overline{nA}_x)_{\alpha} \\ = \sum_{r=1}^n \overline{d}_{r\alpha} r-1|qx. \quad (13)$$

همچنین بازه مورد انتظار این اعداد فازی به صورت زیر به دست می‌آید:

$$e_l(S\tilde{P}) = e_l(E(n\tilde{A}_x)) = \left[\int_0^1 E(n\tilde{A}_x)_{\alpha} d\alpha, \int_0^1 \overline{E(n\tilde{A}_x)_{\alpha}} d\alpha \right] \quad (14)$$

که با استفاده از معادلات (۱۳) و (۱۴) می‌توان این مقادیر را محاسبه نمود. همچنین مقدار مورد انتظار با ضریب β به صورت زیر به دست می‌آید:

$$e_v(S\tilde{P}; \beta) = e_v(E(n\tilde{A}_x); \beta) = \\ (1 - \beta) \int_0^1 E(n\tilde{A}_x)_{\alpha} d\alpha + \beta \int_0^1 \overline{E(n\tilde{A}_x)_{\alpha}} d\alpha \quad (15)$$

محاسبه حق بیمه فازی بیمه عمر مختلط

بیمه عمر مختلط را می‌توان به عنوان ترکیبی از بیمه عمر زمانی و بیمه زندگی به شرط حیات در نظر گرفت. به عبارت دیگر، در صورت فوت بیمه شده x ساله در طول n سال آینده ۱ واحد پول در پایان سال فوتش توسط شرکت بیمه به ذینفعان پرداخت می‌شود و در صورت حیات بیمه شده در پایان n سال، ۱ واحد پول به وی پرداخت می‌شود. متغیر تصادفی فازی ارزش فعلی بیمه عمر مختلط مربوط به یک فرد x ساله که آن را با $\tilde{A}_{x:n}$ با استفاده از اعداد فازی و احتمالات زیر محاسبه می‌شود:

برآمدها	احتمالات
0	mqx
$\sum_{t=m}^{m+r-1} \bar{d}_{r\alpha}$	$m+r-1 qx, r=1, \dots, n-1$

با استفاده از برآمدها و احتمالات فوق و استفاده از روابط (۸) تا (۱۲) می‌توان مقادیر زیر را محاسبه نمود:

$$S\tilde{P} = E\left(m|n\tilde{a}_x\right) = \left[E\left(m|n\tilde{a}_x\right), E\left(m|n\tilde{a}_x\right)\right]_{\alpha}, \quad (21)$$

$$S\bar{P}_{\alpha} = \overline{E(m|n\tilde{a}_x)}_{\alpha} = \sum_{s=m}^{m+n-2} \sum_{t=m}^s \underline{d}_{t\alpha} s | q_x + \sum_{t=m}^{m+n-1} \underline{d}_{t\alpha} m+n-1px = \sum_{t=m}^{m+n-1} \underline{d}_{t\alpha} tpx \quad (22)$$

$$S\bar{P}_{\alpha} = \overline{E(m|n\tilde{a}_x)}_{\alpha} = \sum_{s=m}^{m+n-2} \sum_{t=m}^s \bar{d}_{t\alpha} s | q_x + \sum_{t=m}^{m+n-1} \bar{d}_{t\alpha} m+n-1px = \sum_{t=m}^{m+n-1} \bar{d}_{t\alpha} tpx \quad (23)$$

همچنین، بازه مورد انتظار این اعداد فازی به صورت زیر به دست می‌آید:

$$e_l(S\tilde{P}) = e_l\left(E\left(m|n\tilde{a}_x\right)\right) = \left[\int_0^1 E\left(m|n\tilde{a}_x\right) d\alpha, \int_0^1 \overline{E\left(m|n\tilde{a}_x\right)}_{\alpha} d\alpha\right] = \left[\sum_{t=m}^{m+n-1} tpx \int_0^1 \underline{d}_{t\alpha} d\alpha, \sum_{t=m}^{m+n-1} tpx \int_0^1 \bar{d}_{t\alpha} d\alpha\right] \quad (24)$$

که با استفاده از روابط (۲۳) و (۲۴) می‌توان این مقادیر را محاسبه نمود. همچنین مقدار مورد انتظار با ضریب β به صورت زیر به دست می‌آید:

$$e_v(S\tilde{P}; \beta) = e_v(E(m|n\tilde{a}_x); \beta) = (1-\beta) \int_0^1 \overline{E(m|n\tilde{a}_x)}_{\alpha} d\alpha + \beta \int_0^1 E(m|n\tilde{a}_x) d\alpha = \sum_{t=m}^{m+n-1} tpx \left((1-\beta) \int_0^1 \underline{d}_{t\alpha} d\alpha + \beta \int_0^1 \bar{d}_{t\alpha} d\alpha\right) \quad (25)$$

$$e_l(S\tilde{P}) = e_l(E(\tilde{A}_{x:n})) = \left[\int_0^1 E(\tilde{A}_{x:n})_{\alpha} d\alpha, \int_0^1 \overline{E(\tilde{A}_{x:n})}_{\alpha} d\alpha\right] \quad (19)$$

که با استفاده از روابط (۱۸) و (۱۹) می‌توان این مقادیر را محاسبه نمود. همچنین مقدار مورد انتظار با ضریب β به صورت زیر به دست می‌آید:

$$e_v(S\tilde{P}; \beta) = e_v(E(\tilde{A}_{x:n}); \beta) = (1-\beta) \int_0^1 E(\tilde{A}_{x:n})_{\alpha} d\alpha + \beta \int_0^1 \overline{E(\tilde{A}_{x:n})}_{\alpha} d\alpha \quad (20)$$

محاسبه حق بیمه فازی مستمری زندگی

در این قسمت، مستمری زندگی معوق m ساله‌ای را در نظر می‌گیریم که n سال مستمری به اندازه ۱ واحد پول به بیمه شده x ساله پرداخت خواهد کرد. این تعریف شامل مستمری‌های تمام عمر نیز می‌شود. درواقع می‌توان برای مستمری‌های تمام عمر $n = \omega - m + 1$ در نظر گرفت که حداکثر سن در جدول زندگی است.

متغیر تصادفی فازی ارزش فعلی بیمه مستمری زندگی مربوط به یک فرد x ساله که آن را با $m|n\tilde{a}_x$ با استفاده از اعداد فازی و احتمالات زیر محاسبه می‌شود:

برآمدها	احتمالات
0	mqx
$\sum_{t=m}^{m+r-1} \tilde{d}_t$	$m+r-1 qx, r=1, \dots, n-1$
$\sum_{t=m}^{m+n-1} \tilde{d}_t$	$m+n-1px$

در نتیجه برای هر $\alpha \in [0, 1]$ داریم:

برآمدها	احتمالات
0	mqx
$\sum_{t=m}^{m+r-1} \underline{d}_{t\alpha}$	$m+r-1 qx, r=1, \dots, n-1$

اهمیت موضوع

تغییرات نرخ بهره از جنبه‌های مختلف بر محصولات بیمه زندگی شرکت‌های بیمه تأثیر می‌گذارد که در ادامه، نحوه تأثیر این تغییرات تشریح شده است.

الف) اثر تغییرات نرخ بهره بر نرخ حق بیمه

با لحاظ تابع تنزیل، افزایش نرخ بهره، حق بیمه را برای مزایای مشخص کاهش می‌دهد.

بیمه اثر ندارد. اما از منظر حسابداری، دارایی‌ها و بدهی‌ها غالباً به صورت متفاوتی ارزش گذاری می‌شوند. به عنوان مثال، برای دارایی‌ها ارزش بازاری و برای بدهی‌ها یا تعهدات، ارزش دفتری در نظر گرفته می‌شود. بنابراین تغییرات نرخ بهره باعث نوسان دارایی‌ها خواهد شد، در حالی که تعهدات بدون تغییر باقی می‌ماند. از طرف دیگر، بازه زمانی دارایی‌ها و بدهی‌ها غالباً انطباق ندارند. بنابراین با کاهش نرخ بهره، ارزش شرکت بیمه از منظر اقتصادی کاهش خواهد یافت. زیرا ارزش تعهدات بیشتر از ارزش دارایی‌ها افزایش خواهد یافت (همان).

ت) اثر تغییرات نرخ بهره بر درآمد سرمایه‌گذاری

با توجه به این که شرکت‌های بیمه بیشتر درآمد حق بیمه خود را در اوراق قرضه سرمایه‌گذاری می‌کنند، نرخ بهره پایین روی آنها نیز تأثیر منفی می‌گذارد. همچنین با توجه به این که، هرگونه مازاد بازده سرمایه‌گذاری نسبت به نرخ بهره مورد استفاده در قیمت گذاری محصولات، بین سهامداران تقسیم خواهد شد. بالاتر بودن بازده سرمایه‌گذاری نسبت به مقدار مورد انتظار آن سبب افزایش سود خواهد شد و بالعکس (همان). در جدول ۳ اثر نرخ بهره بر سودآوری شرکت‌های بیمه در رشته بیمه زندگی بررسی شده است.

با توجه به اهمیت نااطمینانی نرخ بهره و اثر آن بر بیمه‌های زندگی، در این مقاله با استفاده از متغیرهای تصادفی فازی به این موضوع پرداخته شده است. استفاده از روش‌های عددی به این منظور غالباً طولانی و بزرگ خواهد بود و معمولاً از روش‌های فازی، مونت

ب) اثر تغییرات نرخ بهره بر تقاضا

به طور کلی، مطابق جدول ۱، نرخ بهره کمتر باعث گرانتر شدن محصولات بیمه زندگی یا کاهش مزایای آنها می‌شود. بنابراین انگیزه افراد برای خرید این محصولات کاهش می‌یابد. (Berends et al., 2013) برای بیمه‌گذاران زندگی، غالباً گزینه‌ها و اختیارات مختلفی مانند حق برداشت پول یا خاتمه قرارداد در نظر گرفته می‌شود. بیمه‌گران زندگی به دلیل رفتار غیرقابل پیش‌بینی بیمه‌گذاران بیش از بیمه‌گران غیرزندگی در معرض ریسک نرخ بهره قرار دارند. در جدول ۲ اثر نرخ بهره بر رفتار بیمه‌گذاران زندگی مشخص شده است.

پ) اثر تغییرات نرخ بهره بر صورت‌های مالی

از منظر اقتصادی، در صورتی که دارایی و بدهی‌های شرکت بیمه کاملاً بر هم منطبق باشند، تغییرات نرخ بهره بر روی ارزش شرکت

جدول ۱: اثر نرخ بهره بر تقاضای بیمه زندگی (Sigma, 2012)

نوع محصولات	کاهش نرخ بهره	افزایش نرخ بهره
محصولات دارای پوشش ریسک فوت و یا حیات	↓ تقاضا به دلیل افزایش قیمت کاهش می‌یابد (امکان اثر معکوس در بیمه عمر زمانی مانده بدهکار وجود دارد).	↑ تقاضا به دلیل کاهش قیمت افزایش می‌یابد.
مستمری‌های آنی	↓ تقاضا به دلیل کاهش جذابیت نرخ‌های مستمری کاهش می‌یابد.	↑ تقاضا افزایش می‌یابد.
محصولات دارای بخش سرمایه‌گذاری	↑ تقاضا در صورتی که تضامین با یک تاخیر زمانی تعدیل شوند افزایش می‌یابد.	↓ تقاضا کاهش می‌یابد.

نکته: علامت‌های ↑ و ↓ به ترتیب افزایش و کاهش و علامت ↔ عدم تأثیر را نشان می‌دهد

جدول ۲: اثر نرخ بهره بر رفتار بیمه‌گذاران زندگی (Sigma, 2012)

نوع محصولات	کاهش نرخ بهره	افزایش نرخ بهره
محصولات دارای پوشش ریسک فوت و یا حیات	↓ کاهش تعداد بازخرید به دلیل: ۱- قیمت بازاری بالاتر محصول؛ ۲- هزینه ریسک فردی بالاتر در زمان بازخرید.	↔ تأثیر مهمی بر بازخرید ندارد زیرا قیمت بازاری پایین محصول تقریباً با هزینه ریسک فردی بالاتر خنثی می‌شود.
مستمری‌های آنی	↔ تأثیری ندارد چون گزینه بازخرید ندارد.	↔ تأثیری ندارد.
محصولات دارای بخش سرمایه‌گذاری	↓ بیمه‌گذاران گزینه‌های نرخ بهره سودده را حفظ می‌کنند.	↑ تعداد بازخریدها افزایش می‌یابد البته می‌تواند در صورتی که سودهای بالایی به بیمه‌گذار تعلق گیرد و یا هزینه بازخرید بالا باشد اثر آن کمتر شود.

با توجه به این‌که در ایران، نرخ بازده سرمایه‌گذاری و در نتیجه بازده انتظاری، وابسته به عوامل متعددی، غیرتصادفی و غیرقابل پیش‌بینی است، استفاده از روش‌های احتمالی و تصادفی برای پیش‌بینی آن و در نتیجه استفاده در قیمت‌گذاری محصولات بیمه‌های زندگی که ماهیت بلندمدت دارند منطقی به نظر نمی‌رسد. در این شرایط، قضاوت اکچوئر برای تصمیم‌گیری در تعیین نرخ سود فنی مورد استفاده در محصولات بیمه زندگی، می‌تواند مورد توجه قرار گیرد.

به عبارت دیگر، با توجه به ماهیت بلندمدت بیمه‌های زندگی و اثرگذاری نااطمینانی نرخ بهره‌های مورد استفاده در شرکت‌های بیمه از جنبه‌های مختلف به‌ویژه اثر این نااطمینانی بر نرخ حق بیمه محصولات بیمه زندگی، در این مقاله، از نرخ بهره فازی برای قیمت‌گذاری بیمه‌های زندگی استفاده شده است. روش‌های فازی، روش‌های ریاضی برای نشان دادن و بیان اطلاعات مبهم و غیردقیق هستند. یکی از مزایای استفاده از روش‌های فازی، سادگی محاسبات و نیاز به مفروضات کم برای حل مسائل است. مزیت دیگر روش‌های فازی این است که به جای یک مقدار، یک بازه برای پاسخ مورد نظر به دست می‌دهد که با توجه به اهداف اکچوئری، می‌توان در مورد نحوه تخصیص یک مقدار متعلق به بازه مذکور به مسئله تصمیم‌گیری کرد.

علاوه بر این، با توجه به این‌که حداکثر نرخ سود فنی اعلام شده توسط بیمه مرکزی، برای چندین سال، ثابت اعلام می‌شود، استفاده از نرخ بهره فازی، این امکان را برای اکچوئر ایجاد می‌کند که با توجه به درکی که از شرایط کنونی دارد در خصوص تعیین نرخ سود فنی و در نتیجه قیمت‌گذاری محصول بیمه زندگی اقدام کند.

نتایج و بحث

در این بخش، نتایج مقاله برای بیمه‌نامه‌های زندگی مختلف در کشور، طبق مقررات حاکم و بر اساس معیارهای اختصاصی زیر تحلیل خواهد شد:

- جدول زندگی: از ابتدای سال ۱۴۰۰ جدول زندگی ایران

کارلو یا روش‌های تصادفی دیگر استفاده می‌شود. برای آشنایی با روش‌های مختلف به [Brigo and Mer-Dickson et al. \(2013\)](#) و [curio \(2006\)](#) و [Cairns, \(2004\)](#) مراجعه شود.

طبق آیین‌نامه شماره ۶۸ شورای عالی بیمه، بیمه مرکزی موظف است، هر دو سال یکبار نرخ سود فنی را مورد بازنگری قرار دهد و پیشنهاد لازم را به شورای عالی بیمه ارائه کند. با توجه به این‌که تغییر نرخ بهره در کشور در فاصله زمانی بین به‌روزرسانی این نرخ بهره در قوانین و مقررات، مبهم و نادقیق است (لازم به ذکر است که آخرین نرخ سود فنی در سال ۱۳۹۵ توسط شورای عالی بیمه تصویب شده است)، استفاده از متغیرهای تصادفی فازی برای نرخ بهره، مناسب به نظر می‌رسد.

روش‌شناسی پژوهش

اگرچه در محاسبات بیمه‌ای ممکن است نرخ سود فنی در طول زمان ثابت در نظر گرفته شود، اما چون در واقعیت نرخ بازده سرمایه‌گذاری‌ها طی سال‌های مختلف تغییر می‌کند، لذا نرخ بازده انتظاری که مبنای تأمین تعهدات شرکت است، ثابت نبوده و فرض ثابت بودن آن واقع‌بینانه نیست. بنابراین، اکچوئرها از الگوهای مختلفی برای در نظر گرفتن این نااطمینانی استفاده می‌کنند (برای مطالعه انواع این الگوها به [Ahmadzadeh et al. \(2019\)](#) رجوع شود).

تکنیک‌های تصادفی بدون شک در هسته ریاضیات اکچوئری قرار دارند. با این حال، در مسائل تصمیم‌گیری بیمه و همچنین در زمینه‌های دیگر مربوط به اقتصاد و امور مالی، بسیاری از اطلاعات مبهم هستند، یا به شدت به قضاوت‌های ذهنی متکی هستند. بنابراین، به‌وضوح قابل اندازه‌گیری نیستند. برای چنین اطلاعاتی، استفاده از نظریه مجموعه‌های فازی می‌تواند جایگزین مناسب و یا مکمل روش‌های آماری خالص باشد. به عبارت دیگر، در حوزه اکچوئری، نظریه مجموعه‌های فازی برای مدل‌سازی مسائلی مورد استفاده قرار گرفته که اطلاعات موجود برای آنها کم یا مبهم است و نیاز به قضاوت ذهنی اکچوئری دارد.

جدول ۳: اثر نرخ بهره بر سودآوری شرکت‌های بیمه در رشته بیمه زندگی (Sigma, 2012)

نوع محصولات	کاهش نرخ بهره	افزایش نرخ بهره
محصولات دارای پوشش ریسک فوت و یا حیات	→ احتمالاً دارای اثر منفی کم روی سودآوری است زیرا سرمایه‌گذاری عامل اصلی سود نیست و تقاضا به نرخ‌های بهره، زیاد حساس نیست.	→ احتمالاً دارای اثر مثبت کم روی سودآوری است.
مستمری‌های آنی	↓ سودآوری در نتیجه کاهش حجم حق بیمه این نوع بیمه‌نامه (و احتمالاً به دلیل کاهش سرمایه‌گذاری به دلیل عدم انطباق بازه زمانی) کاهش پیدا می‌کند.	↑ سودآوری افزایش پیدا می‌کند.
محصولات دارای بخش سرمایه‌گذاری	↓ سودآوری به دلیل کاهش حاشیه سرمایه‌گذاری کاهش می‌یابد. ↓ سودآوری در صورتی که بازده سرمایه‌گذاری کمتر از تضمین باشد به شدت کاهش می‌یابد.	↑ سودآوری به‌طور نسبی افزایش می‌یابد زیرا شرکت بیمه نیز در بازه سرمایه‌گذاری بیشتر از تضمین ارائه شده در بیمه‌نامه شریک است.

تحقیق را با نرخ بهره تصادفی دارای توزیع نرمال مورد استفاده در کتاب (Dickson et al. (2013) مقایسه کردیم. در صفحه ۴۸۰ این کتاب، برای در نظر گرفتن ریسک نرخ بهره از توزیع نرمال استفاده شده است. در این مقاله نیز برای شبیه سازی نرخ بهره، با توجه به نرخ سود فنی اعلام شده در مکمل آیین نامه ۶۸ شورای عالی بیمه، از توزیع نرمال با مشخصات زیر استفاده کردیم:

$$t \leq 2 \quad r_1 \sim N(0.16, 0.010),$$

$$2 < t \leq 4 \quad r_2 \sim N(0.13, 0.015),$$

$$t > 4 \quad r_3 \sim N(0.10, 0.015),$$

پس از شبیه سازی نرخ بهره فنی برای ۵۰۰۰ نمونه، برای حق بیمه، فاصله اطمینان ۹۵٪ به دست آورده و نتایج آن جهت مقایسه با روش پیشنهادی در جداول مربوطه منعکس شده است. مقایسه دو روش نشان می دهد که حق بیمه فازی، نیاز به فروضات کمتری نسبت به روش تصادفی دارد و به دلیل عدم نیاز به تولید اعداد تصادفی، محاسبات آن ساده تر است. همچنین، مقایسه نتایج روش فازی با روش تصادفی در مثال های زیر، از اعتبار یافته های مقاله حکایت دارد.

بیمه زندگی

در این قسمت یافته های مقاله برای بیمه نامه های عمر زمانی ۱۰ ساله برای افراد ۵۰، ۵۵، ۶۰ و ۶۵ ساله تحلیل خواهد شد. در جدول ۴ برآمدهای مربوط به $10\tilde{A}_x$ به همراه برش های α و احتمالات آنها ارائه شده است. در جدول ۵ امید ریاضی ارزش فعلی و بازه مورد انتظار برای آن، ارزش مورد انتظار با ضرب β حق بیمه عمر زمانی بر اساس جداول زندگی TD۸۸-۹۰ و ILT۱۴۰۰ برای پرداخت ۱۰۰۰ واحد پول ارائه شده است.

متغیر تصادفی فازی/ارزش فعلی بیمه عمر زمانی $10\tilde{A}_x$

(ILT۱۴۰۰) از سوی بیمه مرکزی برای به کارگیری شرکت های بیمه ابلاغ شده است. قبل از تدوین این جدول، از جدول زندگی فرانسه (TD۸۸-۹۰) استفاده می شد. نتایج مقاله برای هر دو جدول ارائه و مقایسه خواهد شد.

- نرخ سود فنی علی الحساب: بر اساس مکمل آیین نامه ۶۸ شورای عالی بیمه، حداکثر نرخ سود فنی برای دو سال اول مدت اعتبار بیمه نامه ۱۶ درصد، برای دو سال بعد ۱۳ درصد و برای دوره مازاد بر چهار سال اول آن ۱۰ درصد تعیین شده است.

فرض می کنیم برای هر $\alpha \in [0, 1]$ نرخ بهره فازی به صورت زیر در نظر گرفته شود و محاسبات حق بیمه فازی را برای این نرخ بهره تشریح و تحلیل می کنیم:

$$i_{\alpha_1} = [0.15 + 0.01\alpha, 0.17 - 0.01\alpha], \quad t \leq 2$$

$$i_{\alpha_2} = [0.115 + 0.015\alpha, 0.145 - 0.015\alpha], \quad 2 < t \leq 4$$

$$i_{\alpha_3} = [0.085 + 0.015\alpha, 0.115 - 0.015\alpha], \quad t > 4$$

لازم به ذکر است که این بازه ها برای نرخ بهره به گونه ای در نظر گرفته شده که برای سال های مختلف با هم تداخل نداشته باشند. با توجه به این که دو سال اول، نرخ بهره بهتر از سال های آتی قابل پیش بینی است، برای نرخ بهره بازه کوچکتری در نظر گرفته شده است. بر این اساس، نرخ تنزیل را به صورت زیر خواهیم داشت:

$$\underline{d}_{ta} = \begin{cases} (1.17 - 0.01\alpha)^{-t}, & t \leq 2 \\ (1.17 - 0.01\alpha)^{-2}(1.145 - 0.015\alpha)^{-(t-2)}, & 2 < t \leq 4 \\ (1.17 - 0.01\alpha)^{-2}(1.145 - 0.015\alpha)^{-2}(1.115 - 0.015\alpha)^{-(t-4)}, & t > 4 \end{cases}$$

$$\overline{d}_{ta} = \begin{cases} (1.15 + 0.01\alpha)^{-t}, & t \leq 2 \\ (1.15 + 0.01\alpha)^{-2}(1.115 + 0.015\alpha)^{-(t-2)}, & 2 < t \leq 4 \\ (1.15 + 0.01\alpha)^{-2}(1.115 + 0.015\alpha)^{-2}(1.085 + 0.015\alpha)^{-(t-4)}, & t > 4 \end{cases}$$

علاوه بر این برای اعتبارسنجی روش مورد استفاده، یافته های

برآمدها	برش های α برآمدها	احتمال
\tilde{d}_1	$[(1.17 - 0.01\alpha)^{-1}, (1.145 + 0.015\alpha)^{-1}]$	$0 qx$
\tilde{d}_2	$[(1.17 - 0.01\alpha)^{-2}, (1.145 + 0.015\alpha)^{-2}]$	$1 qx$
\tilde{d}_3	$[(1.17 - 0.01\alpha)^{-2}(1.145 - 0.015\alpha)^{-1}, (1.145 + 0.015\alpha)^{-2}(1.115 + 0.015\alpha)^{-1}]$	$2 qx$
\tilde{d}_4	$[(1.17 - 0.01\alpha)^{-2}(1.145 - 0.015\alpha)^{-2}, (1.145 + 0.015\alpha)^{-2}(1.115 + 0.015\alpha)^{-2}]$	$3 qx$
\tilde{d}_5	$[(1.17 - 0.01\alpha)^{-2}(1.145 - 0.015\alpha)^{-2}(1.115 - 0.015\alpha)^{-1}, (1.145 + 0.015\alpha)^{-2}(1.115 + 0.015\alpha)^{-2}(1.085 + 0.015\alpha)^{-1}]$	$4 qx$
...
\tilde{d}_{10}	$[(1.17 - 0.01\alpha)^{-2}(1.145 - 0.015\alpha)^{-2}(1.115 - 0.015\alpha)^{-6}, (1.145 + 0.015\alpha)^{-2}(1.115 + 0.015\alpha)^{-2}(1.085 + 0.015\alpha)^{-6}]$	$9 qx$

که به‌طور کلی، بر اساس جدول زندگی فرانسه از ۱۷ تا ۹۹ سالگی احتمال فوت از جدول زندگی ایران بیشتر می‌باشد. علاوه بر این بر اساس معادله (۱۳)، با افزایش مقدار β ، حق بیمه برای یک فرد x ساله به‌صورت خطی افزایش می‌یابد که در نمودارهای ۱ و ۲ این مسئله قابل مشاهده است.

بیمه عمر مختلط

در این قسمت یافته‌های مقاله برای بیمه‌نامه‌های زندگی مختلط ۵ ساله برای افراد ۴۵، ۵۵، ۶۵، ۷۵ و ۸۵ ساله تحلیل خواهد شد. در جدول ۶ برآمدهای مربوطه به همراه برش‌های α و احتمالات آنها ارائه شده است. در جدول ۷ نیز امید ریاضی ارزش فعلی، بازه مورد انتظار برای آن و ارزش مورد انتظار با ضریب β حق بیمه عمر مختلط ارائه شده است.

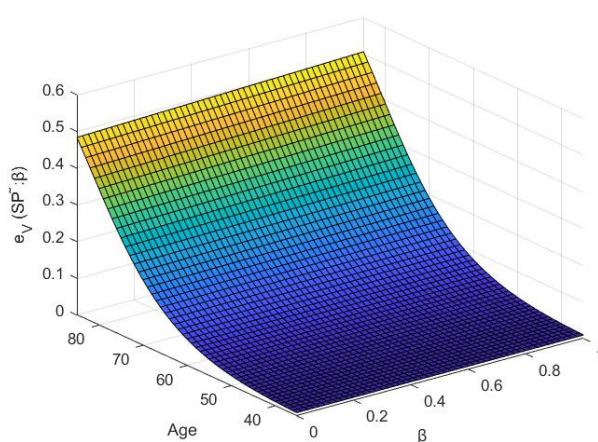
همان‌طور که در جدول ۷ مشاهده می‌شود مقادیر ممکن برای

همان‌طور که در جدول ۵ مشاهده می‌شود با فرض استفاده از جدول زندگی ایران، برش صفر که تمام مقادیر ممکن برای حق بیمه فازی بیمه عمر زمانی را بیان می‌کند برای یک فرد ۵۰ ساله بین ۲۷/۲۹ و ۳۰/۹۷ خواهد بود. همچنین برش ۱ یعنی مقدار قطعی حق بیمه ۲۹/۰۴ می‌باشد. علاوه بر این، با در نظر گرفتن تمام سناریوهای محتمل برای مقادیر α ، برآوردی از مقادیر محتمل قیمت منصفانه به‌دست می‌آوریم. برای یک فرد ۵۰ ساله، این مقادیر می‌تواند بین ۲۸/۱۵ و ۲۹/۹۹ نوسان کند. علاوه بر این، برای یک شرکت کاملاً ریسک‌گریز ($\beta=1$)، مقدار حق بیمه برای یک فرد ۵۰ ساله ۲۹/۹۹ خواهد بود.

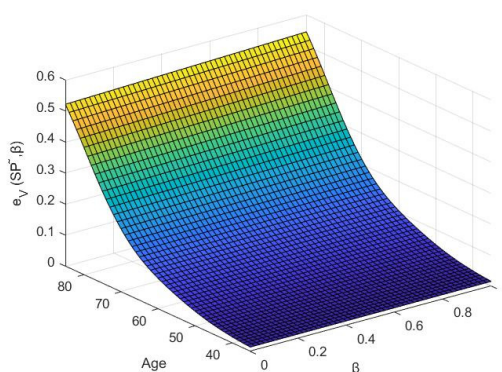
در صورتی که محاسبات را با جدول زندگی فرانسه انجام دهیم مطابق جدول ۵، حق بیمه‌ها بیشتر خواهد بود. این امر در نمودارهای ۱ و ۲ که اثر تغییرات سن و مقادیر β بر حق بیمه محصول بیمه عمر زمانی نشان داده شده نیز قابل رویت است. دلیل این امر این است

جدول ۵: امید ریاضی ارزش فعلی، بازه مورد انتظار برای آن و ارزش مورد انتظار با ضریب حق بیمه عمر زمانی بر اساس جداول زندگی TD88-90 (سطر بالا) و ILT1400 (سطر پایین)

x	$S\bar{P}_1$	$S\bar{P}_2$	$e_I(S\bar{P})$	$e_V(S\bar{P}; \beta)$			شبه‌سازی (دیکسون، ۲۰۱۳)
				$\beta = 0.5$	$\beta = 0.75$	$\beta = 1$	
۵۰	۴۹.۳۶	[۴۶,۴۵,۵۲,۵۷]	[۴۷,۸۸,۵۰,۹۴]	۴۹.۴۱	۵۰.۱۸	۵۰.۹۴	[۴۵,۸۴,۵۳,۰۲]
	۲۹.۰۴	[۲۷,۲۹,۳۰,۹۷]	[۲۸,۱۵,۲۹,۹۹]	۲۹.۰۷	۲۹.۵۳	۲۹.۹۹	[۲۶,۹۱,۳۱,۱۸]
۵۵	۷۲.۸۸	[۶۸,۷۰,۷۷,۴۸]	[۷۰,۷۵,۷۵,۱۴]	۷۲.۹۵	۷۴.۰۴	۷۵.۱۴	[۶۷,۸۳,۷۸,۰۸]
	۴۶.۴۷	[۴۳,۶۷,۴۹,۵۶]	[۴۵,۰۵,۴۷,۹۹]	۴۶.۵۲	۴۷.۲۶	۴۷.۹۹	[۴۳,۱۵,۴۹,۹۵]
۶۰	۱۰۲.۳۰	[۹۶,۵۷,۱۰۸,۶۱]	[۹۹,۳۹,۱۰۵,۴۰]	۱۰۲.۴۰	۱۰۳.۹۰	۱۰۵.۴۰	[۹۵,۴۶,۱۰۹,۴۸]
	۷۴.۶۸	[۷۰,۲۱,۷۹,۶۰]	[۷۲,۴۱,۷۷,۱۰]	۷۴.۷۵	۷۵.۹۳	۷۷.۱۰	[۶۹,۴۲,۸۰,۲۹]
۶۵	۱۴۳.۸۱	[۱۳۵,۶۸,۱۵۲,۷۵]	[۱۳۹,۶۸,۱۴۸,۲۱]	۱۴۳.۹۴	۱۴۶.۰۷	۱۴۸.۲۱	[۱۳۴,۳۹,۱۵۳,۸۵]
	۱۱۸.۶۸	[۱۱۱,۷۰,۱۲۶,۳۸]	[۱۱۵,۱۴,۱۲۲,۴۷]	۱۱۸.۸۰	۱۲۰.۶۴	۱۲۲.۴۷	[۱۱۰,۳۰,۱۲۷,۴۲]



نمودار ۱: بررسی اثر تغییرات سن و مقادیر β بر حق بیمه محصول بیمه عمر زمانی با مزایای یک واحد پول بر اساس ILT1400



نمودار ۲: بررسی اثر تغییرات سن و مقادیر β بر حق بیمه محصول بیمه عمر زمانی با مزایای یک واحد پول بر اساس TD۸۸-۹۰

جدول ۶: متغیر تصادفی فازی ارزش فعلی بیمه عمر مختلط

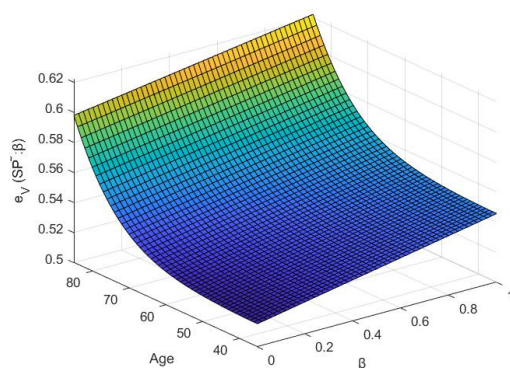
برآمدها	برش‌های α برآمدها	احتمال
\tilde{d}_1	$[(1.17 - 0.01\alpha)^{-1}, (1.145 + 0.015\alpha)^{-1}]$	$0 qx$
\tilde{d}_2	$[(1.17 - 0.01\alpha)^{-2}, (1.145 + 0.015\alpha)^{-2}]$	$1 qx$
\tilde{d}_3	$[(1.17 - 0.01\alpha)^{-2}(1.145 - 0.015\alpha)^{-1}, (1.15 + 0.01\alpha)^{-2}(1.115 + 0.015\alpha)^{-1}]$	$2 qx$
\tilde{d}_4	$[(1.17 - 0.01\alpha)^{-2}(1.145 - 0.015\alpha)^{-2}, (1.15 + 0.01\alpha)^{-2}(1.115 + 0.015\alpha)^{-2}]$	$3 qx$
\tilde{d}_5	$[(1.17 - 0.01\alpha)^{-2}(1.145 - 0.015\alpha)^{-2}(1.115 - 0.015\alpha)^{-1}, (1.15 + 0.01\alpha)^{-2}(1.115 + 0.015\alpha)^{-2}(1.085 + 0.015\alpha)^{-1}]$	$4 qx$
\tilde{d}_6	$[(1.17 - 0.01\alpha)^{-2}(1.145 - 0.015\alpha)^{-2}(1.115 - 0.015\alpha)^{-1}, (1.15 + 0.01\alpha)^{-2}(1.115 + 0.015\alpha)^{-2}(1.085 + 0.015\alpha)^{-1}]$	$5px$

جدول ۷: امید ریاضی ارزش فعلی، بازه مورد انتظار برای آن و ارزش مورد انتظار با ضریب حق بیمه عمر مختلط بر اساس جداول زندگی TD۸۸-۹۰ (سطر بالا) و ILT۱۴۰۰ (سطر پایین)

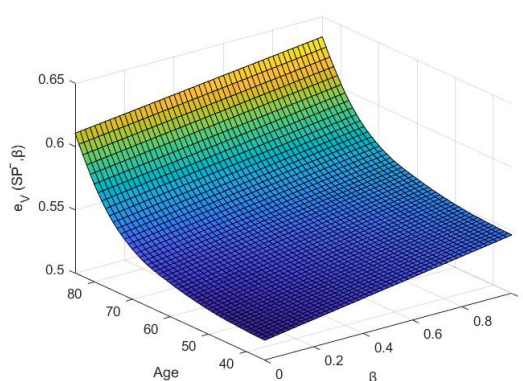
x	$S\bar{P}_1$	$S\bar{P}_2$	$e_l(S\bar{P})$	$e_v(S\bar{P}; \beta)$			شبیه‌سازی (دیکسون، ۲۰۱۳)
				$\beta = 0.5$	$\beta = 0.75$	$\beta = 1$	
۴۵	۰.۵۳۲	[۰,۵۰۳,۰,۵۶۴]	[۰,۵۱۸,۰,۵۴۸]	۰.۵۳۳	۰.۵۴۰	۰.۵۴۸	[۰,۴۹۸,۰,۵۶۸]
	۰.۵۳۱	[۰,۵۰۲,۰,۵۶۲]	[۰,۵۱۶,۰,۵۴۷]	۰.۵۳۱	۰.۵۳۹	۰.۵۴۷	[۰,۴۹۶,۰,۵۶۷]
۵۵	۰.۵۳۷	[۰,۵۰۹,۰,۵۶۸]	[۰,۵۲۳,۰,۵۵۲]	۰.۵۳۸	۰.۵۴۵	۰.۵۵۲	[۰,۵۰۲,۰,۵۷۴]
	۰.۵۳۴	[۰,۵۰۵,۰,۵۶۵]	[۰,۵۱۹,۰,۵۴۹]	۰.۵۳۴	۰.۵۴۲	۰.۵۴۹	[۰,۴۹۹,۰,۵۶۹]
۶۵	۰.۵۴۶	[۰,۵۱۸,۰,۵۷۶]	[۰,۵۳۲,۰,۵۶۱]	۰.۵۴۶	۰.۵۵۳	۰.۵۶۱	[۰,۵۱۲,۰,۵۸۰]
	۰.۵۴۲	[۰,۵۱۳,۰,۵۷۲]	[۰,۵۲۷,۰,۵۵۷]	۰.۵۴۲	۰.۵۴۹	۰.۵۵۷	[۰,۵۰۷,۰,۵۷۷]
۷۵	۰.۵۶۷	[۰,۵۴۱,۰,۵۹۶]	[۰,۵۵۴,۰,۵۸۱]	۰.۵۶۸	۰.۵۷۵	۰.۵۸۱	[۰,۵۳۵,۰,۶۰۰]
	۰.۵۶۳	[۰,۵۳۶,۰,۵۹۱]	[۰,۵۴۹,۰,۵۷۷]	۰.۵۶۳	۰.۵۷۰	۰.۵۷۷	[۰,۵۲۹,۰,۵۹۶]
۸۵	۰.۶۲۰	[۰,۵۹۹,۰,۶۴۶]	[۰,۶۱۱,۰,۶۳۴]	۰.۶۲۲	۰.۶۲۸	۰.۶۳۴	[۰,۵۹۳,۰,۶۵۱]
	۰.۶۱۰	[۰,۵۸۶,۰,۶۳۵]	[۰,۵۹۸,۰,۶۲۲]	۰.۶۱۰	۰.۶۱۶	۰.۶۲۲	[۰,۵۸۱,۰,۶۳۹]

با انجام محاسبات بر اساس جداول زندگی TD۸۸-۹۰، مطابق جدول ۷، حق بیمه‌ها بیشتر خواهد بود. این امر در نمودارهای ۳ و ۴ نیز قابل رویت است که دلیل آن احتمال فوت بیشتر بر اساس جداول زندگی فرانسه نسبت به جداول زندگی ایران است. علاوه بر این رابطه خطی بین β و حق بیمه برای یک فرد x ساله در معادله (۱۶) در

حق بیمه محصول بیمه عمر مختلط بر اساس جداول زندگی ILT۱۴۰۰ برای یک فرد ۴۵ ساله بین ۰/۵۰۲ و ۰/۵۶۲ خواهد بود. همچنین مقدار قطعی حق بیمه این نوع بیمه‌نامه ۰/۵۳ می‌باشد. برای یک شرکت بیمه کاملاً ریسک‌گریز ($\beta=1$)، مقدار حق بیمه خالص برای یک فرد ۴۵ ساله ۰/۵۴۸ خواهد بود.



نمودار ۳: بررسی اثر تغییرات سن و مقادیر β بر حق بیمه محصول بیمه عمر مختلط بر اساس ۹۰-۲۸۸



نمودار ۴: بررسی اثر تغییرات سن و مقادیر β بر حق بیمه محصول بیمه عمر مختلط بر اساس ۴۰۰-۱۴۱

نمودارهای ۳ و ۴ به‌وضوح مشخص است.

همچنین به دلیل این‌که احتمال زنده بودن با افزایش سن کاهش می‌یابد، حق بیمه‌ها کاهش می‌یابد. اثر تغییرات سن و مقادیر β بر حق بیمه‌های بیمه مستمری زندگی در نمودارهای ۵ و ۶ نشان داده شده است.

جمع‌بندی و پیشنهادها

در قیمت‌گذاری یک محصول بیمه‌ای، مدل‌سازی منابع نااطمینانی از اهمیت ویژه‌ای برخوردار است. در این مقاله، از تئوری مجموعه‌های فازی برای مدل‌سازی نرخ بهره به‌عنوان یکی از منابع نااطمینانی، استفاده شد و به محاسبه حق بیمه یک‌جای قراردادهای بیمه زندگی پرداخته شد. بدین ترتیب عامل تنزیل فازی تعریف و ارزش تصادفی فازی بیمه‌نامه‌های زندگی محاسبه گردید. برای این منظور نحوه محاسبه امید ریاضی ارزش فعلی بیمه‌نامه، بازه مورد انتظار برای آن و ارزش مورد انتظار با ضریب β در جهت تخصیص یک قیمت به بیمه‌نامه بر اساس قضاوت‌های بیم‌سنجی بیان گردید. در بخش یافته‌های تحقیق، محاسبات روش فازی مربوط به انواع بیمه‌نامه زندگی شامل بیمه عمر زمانی، بیمه عمر مختلط و مستمری زندگی با استفاده از نرخ بهره اعلام شده در مکمل

بیمه مستمری زندگی

در این قسمت، یافته‌های مقاله برای مستمری‌های زندگی برای افراد ۵۷، ۶۲، ۶۷ و ۷۲ ساله با $m=3$ و $n=10$ تحلیل خواهد شد. در جدول ۸ برآمدهای مربوطه به همراه برش‌های α و احتمالات آنها و در جدول ۹ امید ریاضی ارزش فعلی، بازه مورد انتظار برای آن و ارزش مورد انتظار با ضریب β حق بیمه مستمری زندگی ارائه شده است. برای یک فرد ۵۷ ساله، تمام حالات ممکن برای حق بیمه برای یک مستمری زندگی بر اساس جدول زندگی ایران بین ۳/۷۴۱ و ۴/۳۸۴ است. همچنین با استفاده از ارزش مورد انتظار با ضریب β ، برای یک شرکت بیمه با ریسک‌گزینی متوسط ($\beta=0.75$) مقدار حق بیمه خالص ۴/۱۳۲ خواهد بود. در صورتی که این محاسبات را برای جدول زندگی فرانسه انجام دهیم حق بیمه‌ها کمتر خواهد بود. زیرا احتمال زنده بودن بر اساس این جدول کمتر از جدول ایران است. این مسئله هم در جدول ۹ و هم در نمودارهای ۵ و ۶ کاملاً مشخص است. علاوه بر این، بر اساس معادله (۱۲)، با افزایش مقدار β ، حق بیمه برای یک فرد x ساله به‌صورت خطی افزایش می‌یابد.

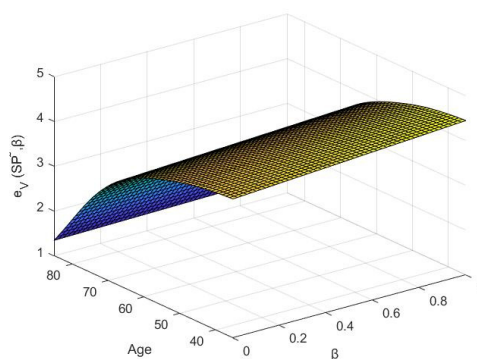
جدول ۸: متغیر تصادفی فازی ارزش فعلی مستمری ۱۰ | ۳

احتمال	برش‌های α برآمدها	برآمدها
3qx	$[0, \cdot]$	\cdot
${}^3 qx$	$[(1.17 - \cdot \cdot 1\alpha)^{-\tau}(1.145 - \cdot \cdot 1\alpha)^{-1}, (1.15 + \cdot \cdot 1\alpha)^{-\tau}(1.115 + \cdot \cdot 1\alpha)^{-1}]$	\tilde{d}_τ
${}^4 qx$	$[\sum_{t=\tau}^{\tau} (1.17 - \cdot \cdot 1\alpha)^{-\tau}(1.145 - \cdot \cdot 1\alpha)^{-t}, \sum_{t=\tau}^{\tau} (1.15 + \cdot \cdot 1\alpha)^{-\tau}(1.115 + \cdot \cdot 1\alpha)^{-t}]$	$\sum_{t=3}^4 \tilde{d}_t$
${}^5 qx$	$[\sum_{t=\tau}^{\tau} (1.17 - \cdot \cdot 1\alpha)^{-\tau}(1.145 - \cdot \cdot 1\alpha)^{-t} + (1.17 - \cdot \cdot 1\alpha)^{-\tau}(1.145 - \cdot \cdot 1\alpha)^{-\tau}(1.115 - \cdot \cdot 1\alpha)^{-1}, \sum_{t=\tau}^{\tau} (1.15 + \cdot \cdot 1\alpha)^{-\tau}(1.115 + \cdot \cdot 1\alpha)^{-t} + (1.15 + \cdot \cdot 1\alpha)^{-\tau}(1.115 + \cdot \cdot 1\alpha)^{-\tau}(1.085 + \cdot \cdot 1\alpha)^{-1}]$	$\sum_{t=3}^5 \tilde{d}_t$
...	$[\sum_{t=\tau}^{\tau} (1.17 - \cdot \cdot 1\alpha)^{-\tau}(1.145 - \cdot \cdot 1\alpha)^{-t} + \dots]$...
${}^{11} qx$	$[\sum_{t=\delta}^{11} (1.17 - \cdot \cdot 1\alpha)^{-\tau}(1.145 - \cdot \cdot 1\alpha)^{-\tau}(1.115 - \cdot \cdot 1\alpha)^{-t}, \sum_{t=\tau}^{\tau} (1.15 + \cdot \cdot 1\alpha)^{-\tau}(1.115 + \cdot \cdot 1\alpha)^{-t} + \sum_{t=\delta}^{11} (1.15 + \cdot \cdot 1\alpha)^{-\tau}(1.115 + \cdot \cdot 1\alpha)^{-\tau}(1.085 + \cdot \cdot 1\alpha)^{-t}]$	$\sum_{t=3}^{11} \tilde{d}_t$
${}^{12}px$	$[\sum_{t=\delta}^{12} (1.17 - \cdot \cdot 1\alpha)^{-\tau}(1.145 - \cdot \cdot 1\alpha)^{-\tau}(1.115 - \cdot \cdot 1\alpha)^{-t}, \sum_{t=\tau}^{\tau} (1.15 + \cdot \cdot 1\alpha)^{-\tau}(1.115 + \cdot \cdot 1\alpha)^{-t} + \sum_{t=\delta}^{12} (1.15 + \cdot \cdot 1\alpha)^{-\tau}(1.115 + \cdot \cdot 1\alpha)^{-\tau}(1.085 + \cdot \cdot 1\alpha)^{-t}]$	$\sum_{t=3}^{12} \tilde{d}_t$

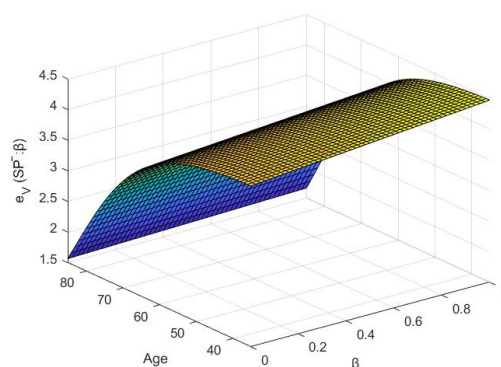
منبع: یافته‌های پژوهش

جدول ۹: امید ریاضی ارزش فعلی، بازه مورد انتظار برای آن و ارزش مورد انتظار با ضریب حق بیمه مستمری زندگی بر اساس جداول زندگی ۹۰-TD۸۸ (سطر بالا) و ۱۴۰۰-ILT (سطر پایین)

x	$S\bar{P}_1$	$S\bar{P}$	$e_l(S\bar{P})$	$e_v(S\bar{P}; \beta)$			شبه‌سازی (دیکسون، ۲۰۱۳)
				$\beta = 0.5$	$\beta = 0.75$	$\beta = 1$	
۵۷	۳.۸۹۶	[۳,۵۷۵, ۴,۲۵۷]	[۳,۷۳۳, ۴,۰۷۳]	۳.۹۰۳	۳.۹۸۸	۴.۰۷۳	[۳,۵۳۷, ۴,۲۷۱]
	۴.۰۴۵	[۳,۷۴۱, ۴,۳۸۴]	[۳,۸۹۱, ۴,۲۱۲]	۴.۰۵۱	۴.۱۳۲	۴.۲۱۲	[۳,۶۷۶, ۴,۴۲۹]
۶۲	۳.۷۱۷	[۳,۴۱۴, ۴,۰۵۸]	[۳,۵۶۳, ۳,۸۸۴]	۳.۷۲۴	۳.۸۰۴	۳.۸۸۴	[۳,۳۸۱, ۴,۰۷۲]
	۳.۸۶۵	[۳,۵۷۸, ۴,۱۸۴]	[۳,۷۱۹, ۴,۰۲۲]	۳.۸۷۰	۳.۹۴۶	۴.۰۲۲	[۳,۵۱۰, ۴,۲۳۴]
۶۷	۳.۴۵۱	[۳,۱۷۵, ۳,۷۶۰]	[۳,۳۱۰, ۳,۶۰۳]	۳.۴۵۶	۳.۵۳۰	۳.۶۰۳	[۳,۱۵۷, ۳,۷۶۴]
	۳.۵۸۷	[۳,۳۲۶, ۳,۸۷۷]	[۳,۴۵۴, ۳,۷۲۹]	۳.۵۹۲	۳.۶۶۰	۳.۷۲۹	[۳,۲۶۶, ۳,۹۲۱]
۷۲	۳.۰۳۲	[۲,۷۹۸, ۳,۲۹۴]	[۲,۹۱۳, ۳,۱۶۱]	۳.۰۳۷	۳.۰۹۹	۳.۱۶۱	[۲,۷۷۴, ۳,۲۹۶]
	۳.۱۸۳	[۲,۹۵۹, ۳,۴۳۲]	[۳,۰۶۹, ۳,۳۰۵]	۳.۱۸۷	۳.۲۴۶	۳.۳۰۵	[۲,۹۱۷, ۳,۴۶۱]



نمودار ۵: اثر تغییرات سن و مقادیر β بر حق بیمه محصول بیمه مستمری زندگی بر اساس TD۸۸-۹۰



نمودار ۶: اثر تغییرات سن و مقادیر β بر حق بیمه محصول بیمه مستمری زندگی بر اساس ILT۱۴۰۰

آنها از اهمیت بیشتری برخوردار است. با توجه به این که بیمه مرکزی موظف است هر دو سال یکبار نرخ سود فنی را مورد بازنگری قرار دهد و پیشنهاد لازم را به شورای عالی بیمه ارائه کند، پیشنهاد می شود در زمان بازنگری سودهای فنی، گزینه استفاده از نرخ سود فنی فازی نیز مورد توجه و امکان اجرایی شدن آن مورد بررسی قرار گیرد. زیرا در نظر گرفتن بازه دو ساله و حتی بیشتر برای به روزرسانی نرخ سود فنی و ثابت بودن آن در طول این مدت، می تواند اثرات نامطلوبی مانند افزایش بازخرید، کاهش تقاضا، کاهش درآمد سرمایه گذاری و ... به دلیل تغییرات نرخ بهره بر بیمه های زندگی داشته باشد.

مشارکت نویسندگان

کل مقاله توسط محبوبه اعلائی انجام شده است.

تشکر و قدردانی

از داوران محترم برای ارایه نظرات سازنده و از همکاران پژوهشنامه برای پیگیری و تعامل خوب، نهایت تشکر و قدردانی را دارم.

تعارض منافع

نویسنده اعلام می دارند که در مورد انتشار این مقاله تضاد منافع

آیین نامه شماره ۶۸ شورای عالی بیمه و بر اساس جدول زندگی ایران که از ابتدای سال ۱۴۰۰ از سوی بیمه مرکزی برای به کارگیری ابلاغ شده و جدول زندگی TD۸۸-۹۰ فرانسه، برای افراد با سنین مختلف انجام، تحلیل و مقایسه گردید. همچنین اثر تغییرات سن و مقادیر β بر حق بیمه انواع بیمه نامه های زندگی رسم و تحلیل شد. با توجه به این که احتمال فوت یک فرد در جدول ایران بیشتر از جدول TD۸۸-۹۰ است، حق بیمه محاسبه شده بر اساس جدول ایران برای بیمه های عمر زمانی و عمر مختلط کمتر و برای بیمه مستمری زندگی بیشتر از حق بیمه محاسبه شده بر اساس جدول TD۸۸-۹۰ است. همچنین، نتایج روش فازی با یک روش تصادفی مقایسه شد که از اعتبار نتایج حاصله با استفاده از روش فازی پیشنهادی حکایت دارد.

با توجه به این که نرخ بهره در طول زمان، بر اثر تغییر سیاست های پولی، مالی و ارزی دچار نوسان می شود و این نوسان می تواند بر ذخایر و تعهدات شرکت های بیمه تأثیرگذار باشد، می توان با استفاده از نرخ بهره فازی، محدوده ای مجاز برای حق بیمه محصولات بیمه زندگی در نظر گرفت. این مسئله برای بیمه های زندگی با توجه به ماهیت بلندمدت و احتمال نوسانات بیشتر نرخ بهره در مدت قراردادهای

این که در راستای اعتبار مقاله به اشکال دیگری مشخص شده باشد. در صورت عدم درج مطالب مذکور و یا استفاده فراتر از مجوز فوق، نویسنده ملزم به دریافت مجوز حق نسخه‌برداری از شخص ثالث می‌باشد.

به منظور مشاهده مجوز بین‌المللی Creative Commons At-tribution 4.0 به آدرس زیر مراجعه گردد:
<http://creativecommons.org/licenses/by/4.0>

یادداشت ناشر

ناشر نشریه پژوهشنامه بیمه با توجه به مرزهای حقوقی در نقشه‌های منتشر شده بی‌طرف باقی می‌ماند.

منابع

- Ahmadzadeh, A.; Ghanbarzadeh, M.; Alimohamadi, M.; Heidari, H.; Afshari, S.; Seidi Moradi, J., (2019). Types of life insurance and the challenges of its development in Iran with the approach of non-savings life insurance. IRC. (In Persian)
- Berdin, E.; Gründl, H., (2015). The effects of a low interest rate environment on life insurers. Geneva Pap. Risk Insur. - Issues Pract., 40(3): 385-415 (31 pages).
- Berends, K.; McMenamin, R.; Plestis, T.; Rosen, R.J., (2013). The sensitivity of life insurance firms to interest rate changes. Econ. Perspect., 37(2): 47-78 (32 pages).
- Brigo, D.; Mercurio, F., (2006). Interest rate models-theory and practice. Springer.
- Cairns, A.J.G., (2004). Interest rate models: An introduction. Princeton University Press.
- Dickson, D.; Hardy, M.; Waters, H., (2013). Actuarial mathematics for life contingent risks. Cambridge University Press.
- Farshbaf Maherian, J.; Lalianpour, N., (2016). Identifying factors on fraud and violations in Iranian insurance by fuzzy Delphi method. The 23rd national conference and the 9th international conference on insurance and development.
- Kardgar, E.; Soleimani, F.; Faregh, F.; Hosseini, H.; Jalilvand, Z., (2017). Presenting a fuzzy model for formulation and prioritization of insurance companies' strategies using the fuzzy QSPM method. Manage. accounting Stud., 2(2): 271-286 (16 pages). (In Persian)
- Komijani, A.; Mohammadi, S.; Kousheshi, M.; Niakan, L., (2014). Life annuity pricing based on fuzzy technical interest rate. Iran. J. Insur. Res., 3(4): 33-60 (28 pages). (In Persian)
- Löfvendahl, G.; Yong, J., (2017). Insurance supervisory strategies for a low interest rate environment. Bank Int. Settlements, FSI Insights, 4: 1-28 (29 pages).

وجود ندارد. علاوه بر این، موضوعات اخلاقی شامل سرقت ادبی، رضایت آگاهانه، سوء رفتار، جعل داده‌ها، انتشار و ارسال مجدد و مکرر توسط نویسندگان رعایت شده است.

دسترسی آزاد

کپی‌رایت نویسنده(ها) ©2022: این مقاله تحت مجوز بین‌المللی Creative Commons Attribution 4.0 اجازه استفاده، اشتراک‌گذاری، اقتباس، توزیع و تکثیر را در هر رسانه یا قالبی مشروط به درج نحوه دقیق دسترسی به مجوز CC منوط به ذکر تغییرات احتمالی بر روی مقاله می‌باشد. لذا به استناد مجوز مذکور، درج هرگونه تغییرات در تصاویر، منابع و ارجاعات یا سایر مطالب از اشخاص ثالث در این مقاله باید در این مجوز گنجانده شود، مگر

- Memariani, A.; Zangouezehzad, A., (2011). Designing a knowledge-based fraud detection system in insurance companies: A fuzzy approach. Executive Manage., 3(6): 155-178 (24 pages). (In Persian)
- Möhlmann, A., (2019). Interest rate risk of life insurers: Evidence from accounting data. Financ. Manage., 50(2): 587-612 (26 pages).
- Paramenter, M., (2012). Profit theory and life probabilities and its applications in pensions. Translated by Ghadir Mahdavi Kalishmi, Hojat Shafiee Dizaj, Mehrnoosh Rismankarzadeh. Tehran: IRC. (In Persian)
- Sanches, J.A., (2014). Fuzzy claim reserving in non-life insurance. Comput. Sci. Inf. Syst., 11(2): 825-838 (14 pages).
- Sanches, J.A.; Puchades, L.G., (2012). Using fuzzy random variables in life annuities pricing. Fuzzy Sets Syst., 188(1): 27-44 (18 pages).
- Sanches, J.A.; Puchades, L.G., (2017a). Some computational results for the fuzzy random value of life actuarial liabilities. Iran. J. Fuzzy Syst., 14(4): 1-25 (25 pages).
- Sanches, J. A.; Puchades, L.G., (2017b). The valuation of life contingencies: A symmetrical triangular fuzzy Approximation. Insur.: Math. Econ., 72: 83-94 (12 pages).
- Sanches, J.A.; Puchades, L.G.; Zhang, A., (2020). Incorporating fuzzy information in pricing substandard annuities. Comput. Ind. Eng., 145: 106475.
- Shapiro, A.F., (2013). Modeling future lifetime as a fuzzy random variable. Insur.: Math. Econ., 53: 864-870 (7 pages).
- Sigma., (2012). Facing the interest rate challenge. Swiss Re, 4: 1-40 (40 pages).
- Wang, D., (2019). A net premium model for life insurance under a sort of generalized uncertain interest rates. In uncertainty modeling in data science: 224-232 (9 pages).

AUTHOR(S) BIOSKETCHES

معرفی نویسندگان

محبوبه اعلانی، ریاضی کاربردی، استادیار گروه بیمه‌های اشخاص، پژوهشکده بیمه، تهران، ایران

- Email: aalaei@irc.ac.ir
- ORCID: 0000-0002-6138-3186
- Homepage: <https://www.irc.ac.ir/aalaei>

HOW TO CITE THIS ARTICLE

Aalaei, M., (2022). Pricing life insurance products in Iran using fuzzy interest rates. Iran. J. Insur. Res., 11(1): 15-30.

DOI: 10.22056/ijir.2022.01.02

URL: https://ijir.irc.ac.ir/article_143598.html?lang=en

